

Fig. 9.3.1

$t = 0$

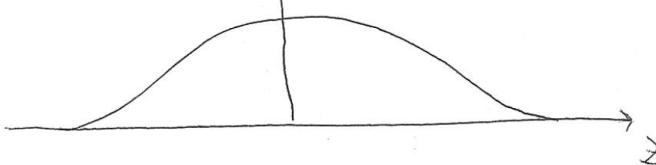


Fig. 9.3.2

$t = t_1 > 0$

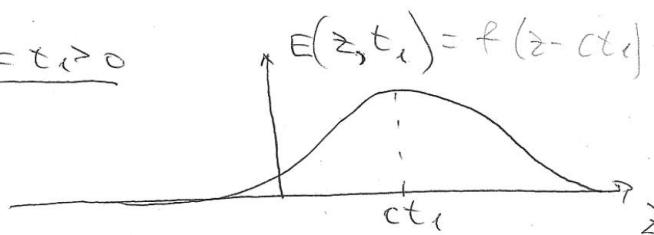
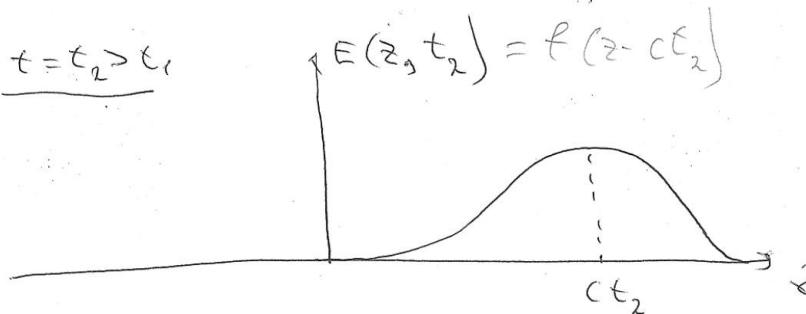


Fig. 9.3.3

$t = t_2 > t_1$



O exemplo mostrado na figura 13.1 representa uma translação de um impulso. Podemos chamá-lo de onda solitária.

Outro caso, que é de interesse, é o de uma onda harmónica, ou sinusoidal, quando f é uma função sinusoidal e a Eq. $\xi(x, t) = f(x - vt)$, é

$$\xi(x, t) = \xi_0 \sin k(x - vt) \quad (13.6)$$

onde ξ_0 , v , e k são constantes dadas. v continua a ser a velocidade da onda, o sentido físico de ξ_0 e k está por esclarecer ainda.

Uma forma mais genérica de descrever uma onda harmónica:

$$\xi(x, t) = \xi_0 \sin [k(x - vt) + \varphi_0], \quad (13.7)$$

onde φ_0 é uma constante dada chamada de fase inicial.

Existem ainda outras formas de descrever uma onda harmónica. Por exemplo, vamos pôr $\varphi_0 = \varphi'_0 + \frac{\pi}{2}$ na Eq. (13.7):

$$\xi(x, t) = \xi_0 \sin \left[\frac{\pi}{2} + k(x - vt) + \varphi'_0 \right] = \xi_0 \cos [k(x - vt) + \varphi'_0]$$

Mudando a notação de φ'_0 para φ_0 , temos

$$\xi(x, t) = \xi_0 \cos [k(x - vt) + \varphi_0] \quad (13.8)$$

Vamos designar

$$k = \frac{2\pi}{\lambda}.$$

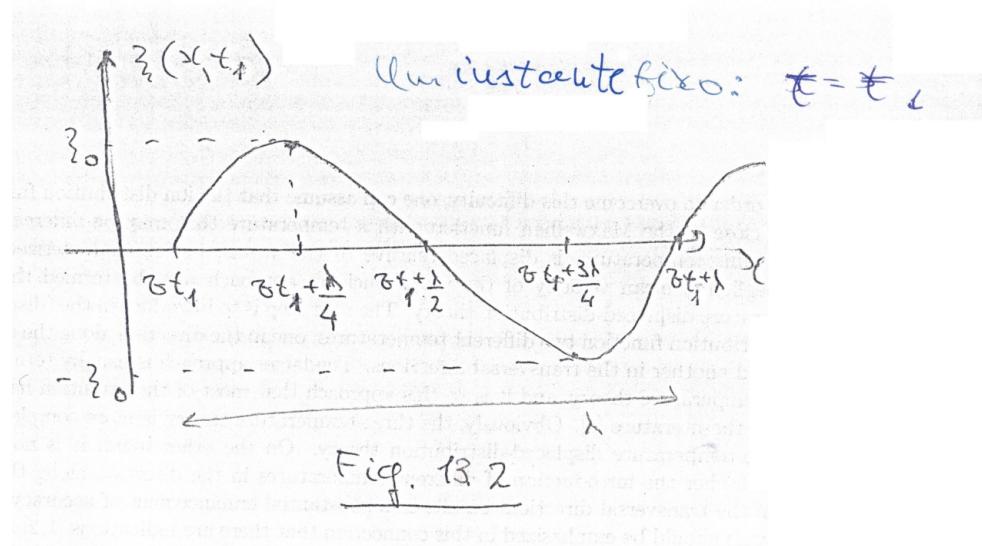
Eq. (13.6) pode ser escrita como

$$\xi(x, t) = \xi_0 \sin \frac{2\pi}{\lambda} (x - vt). \quad (13.9)$$

Vamos fazer um gráfico desta função ($\xi_0 \sin \frac{2\pi}{\lambda} (x - vt)$) no instante $t = t_1$ (ver figura 13.2). Cálculo auxiliar:

x	$\frac{2\pi}{\lambda} (x - vt_1)$ (argumento do seno)	$\xi(x, t_1) = \xi_0 \sin \frac{2\pi}{\lambda} (x - vt_1)$
vt_1	$\frac{2\pi}{\lambda} (vt_1 - vt_1) = 0$	$\xi_0 \sin 0 = 0$
$vt_1 + \frac{\lambda}{4}$	$\frac{2\pi}{\lambda} \left(vt_1 + \frac{\lambda}{4} - vt_1 \right) = \frac{\pi}{2}$	$\xi_0 \sin \frac{\pi}{2} = \xi_0$
$vt_1 + \frac{\lambda}{2}$	$\frac{2\pi}{\lambda} \left(vt_1 + \frac{\lambda}{2} - vt_1 \right) = \pi$	$\xi_0 \sin \pi = 0$
$vt_1 + \frac{3\lambda}{4}$	$\frac{2\pi}{\lambda} \left(vt_1 + \frac{3\lambda}{4} - vt_1 \right) = \frac{3\pi}{2}$	$\xi_0 \sin \frac{3\pi}{2} = -\xi_0$
$vt_1 + \lambda$	$\frac{2\pi}{\lambda} (vt_1 + \lambda - vt_1) = 2\pi$	$\xi_0 \sin 2\pi = 0$

Vê-se que ξ_0 é a amplitude da onda (i.e., a amplitude de oscilações da grandeza ξ). λ chama-se comprimento de onda (sentido físico: o “período espacial” da onda). k chama-se número de onda.



Vamos designar

$$T = \frac{\lambda}{v} \quad (13.10)$$

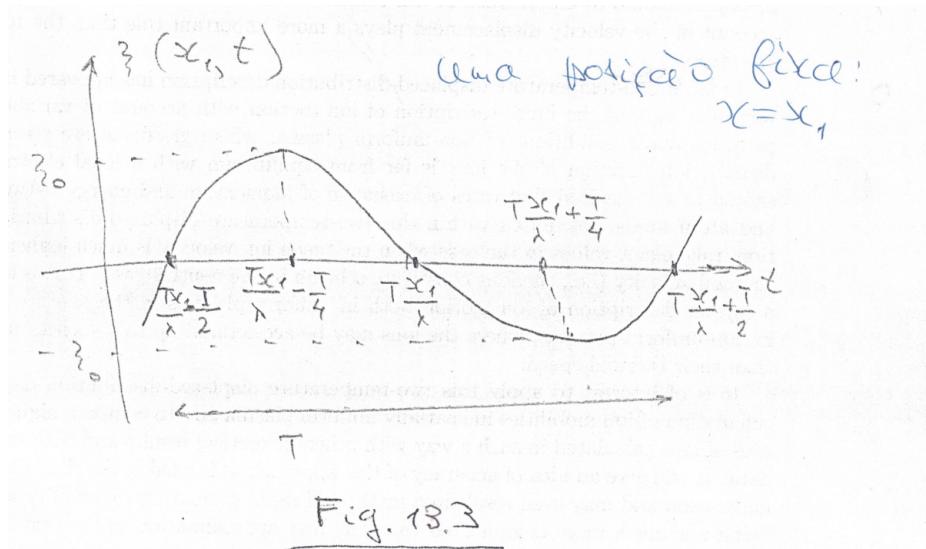
Eq. (13.9) ($\xi(x, t) = \xi_0 \sin \frac{2\pi}{\lambda} (x - vt)$) pode ser escrita como

$$\xi(x, t) = \xi_0 \sin 2\pi \left(\frac{x}{\lambda} - \frac{t}{T} \right).$$

A figura 13.2 pode ser visualizada como uma fotografia tirada no instante $t = t_1$. Outra maneira de visualizar: vamos medir ξ num ponto fixo $x = x_1$ em função do tempo. Cálculo auxiliar:

t	$2\pi \left(\frac{x_1}{\lambda} - \frac{t}{T} \right)$ (argumento do seno)	$\xi(x_1, t) = \xi_0 \sin 2\pi \left(\frac{x_1}{\lambda} - \frac{t}{T} \right)$
$T \frac{x_1}{\lambda}$	$2\pi \left(\frac{x_1}{\lambda} - \frac{T \frac{x_1}{\lambda}}{T} \right) = 2\pi \left(\frac{x_1}{\lambda} - \frac{x_1}{\lambda} \right) = 0$	$\xi_0 \sin 0 = 0$
$T \frac{x_1}{\lambda} + \frac{T}{4}$	$2\pi \left(\frac{x_1}{\lambda} - \frac{T \frac{x_1}{\lambda} + \frac{T}{4}}{T} \right) = 2\pi \left(\frac{x_1}{\lambda} - \frac{x_1}{\lambda} - \frac{T}{4} \right) = -\frac{\pi}{2}$	$\xi_0 \sin \left(-\frac{\pi}{2} \right) = -\xi_0$
$T \frac{x_1}{\lambda} + \frac{T}{2}$	$-\pi$	$\xi_0 \sin(-\pi) = 0$
$T \frac{x_1}{\lambda} - \frac{T}{4}$	$2\pi \left(\frac{x_1}{\lambda} - \frac{T \frac{x_1}{\lambda} - \frac{T}{4}}{T} \right) = 2\pi \left(\frac{x_1}{\lambda} - \frac{x_1}{\lambda} + \frac{T}{4} \right) = \frac{\pi}{2}$	$\xi_0 \sin \left(\frac{\pi}{2} \right) = \xi_0$
$T \frac{x_1}{\lambda} - \frac{T}{2}$	π	$\xi_0 \sin(\pi) = 0$

Ver figura 13.3. Vê-se que T é o período da onda, i.e., o período de oscilações da grandeza ξ num ponto fixo. O sentido físico da Eq. (13.10) é simples: tempo é igual à distância dividida pela velocidade.



Vamos designar $\nu = \frac{1}{T}$, $\omega = 2\pi\nu \equiv \frac{2\pi}{T}$

ν : frequência da onda. $[\nu] = \text{Hz} = \text{s}^{-1}$,

ω : frequência angular da onda. $[\omega] = \text{rad/s}$.